

# Механизмы подавления коррупции

А.А. Васин

П.В. Николаев

А.С. Уразов

МГУ им. М.В. Ломоносова

Работа поддержана грантом Президента РФ #693.2008.1 и грантом РФФИ по проекту #08-01-00249

Государственные учреждения и корпорации сталкиваются со сходными проблемами контроля сотрудников, взаимодействующих с внешними агентами: гражданами, подлежащими проверке, клиентами компаний. При таком взаимодействии часто возникает возможность сговора между сотрудником и внешним агентом. Для того, чтобы воспрепятствовать этому, государственные учреждения и корпорации организуют проверяющие иерархические структуры. В настоящей работе рассматриваются теоретико-игровые модели таких структур и изучается задача их оптимальной организации.

Два основных направления деятельности государственных инспекций:

- ① Сбор денег в государственный бюджет. Задача инспекций: контроль за правильностью уплаты бюджетных платежей. Цель: не допустить предоставление льгот экономическим агентам, не имеющим на них права, не ущемляя при этом интересов тех, кто обоснованно претендует на льготы.
- ② Другая задача инспекций: пресечение противоправной, общественно-опасной деятельности (таможня, госнаркоконтроль, санитарная, пожарная и другие инспекции).

Одной из наиболее существенных проблем на пути организации государственных инспекций является коррупция ( злоупотребление служебным положением в целях получения личной выгоды).

С начала 2000-х руководство РФ демонстрирует желание ограничить коррупцию, однако позитивных сдвигов достичь не удалось.

Индекс восприятия коррупции в 2010 году по данным доклада Transparency International:

- Наиболее благополучными были признаны Дания, Новая Зеландия, Сингапур (9.3 балла из 10 возможных).
- В первую десятку также вошли Финляндия, Швеция, Канада, Нидерланды, Австралия, Швейцария, Норвегия.
- Россия получила 2.1 балла по десятибалльной шкале, заняв 154 место из 178 возможных. Она оказалась в одной группе с такими государствами как Кения, Камбоджа, Лаос, Папуа – Новая Гвинея, Таджикистан.

В 2005г. Фонд “Индем” представил результаты второго опроса, посвященного коррупции в России (первый опрос прошел в 2001г.):

- В сфере бизнеса годовой объем взяток достиг \$316 млрд., что в 2.6 раза больше доходной части федерального бюджета.
- Чаще всего приходилось “заносить” деньги в нефинансовые органы: пожарным, в СЭС, торговым инспекторам и др., их упомянули 39%.
- Самый высокий показатель коррупции достигается при контактах с автоинспекцией: 68.9%, но в 2001 г. он составлял 86.0%.

По данным Национального Антикоррупционного Комитета, в 2009 году годовой объём взяток в России составил около \$300 млрд. Таким образом, ситуация не изменилась.

## Две основных формы коррупции:

- ① Взяточничество.** Инспектор за вознаграждение предоставляет льготу агенту, который не имеет на нее права, или допускает противоправную деятельность, выгодную для агента.
- ② Вымогательство.** Инспектор требует вознаграждение за предоставление льготы от агента, имеющего на нее право.

### Замечание 1 (по методологии исследования)

*Необходимо отметить, что экономический ущерб от коррупции нельзя оценивать, исходя лишь из количества и размера взяток. Его составляющие – это сотни миллиардов рублей налогов и таможенных пошлин, не выплаченных государству, тысячи людей, погибших и пострадавших в результате пожаров, несчастных случаев на производстве, отравлений некачественными продуктами и алкоголем.*

# Обзор литературы

- Коррупции и ее влиянию на эффективность государственных инспекций посвящено множество работ (см. обзоры в Сатаров (2004), Левин, Цирик (1998)).
- В некотором смысле, наша модель близка к работам Chander, Wilde (1992) и Hindriks, Keen, Muthoo (1999), которые рассматривали коррупцию в налоговых органах. Важным отличием является то, что в данных работах взяточничество вскрывается с некоторой экзогенно заданной вероятностью, тогда как мы фокусируемся на методах централизованного подавления коррупции, и в наших моделях вероятность вскрытия взяточничества зависит от стратегии налоговой инспекции.
- Другое близкое к нам направление исследований изучает задачи построения оптимальных иерархических структур (Keren, Levhari, 1983, Qian, 1994). Однако, в данных работах не рассматривается возможность сговора между агентами.
- Наши предыдущие результаты вы можете найти в работах Vasin, Panova (2000), Васин (2005), Васин, Морозов (2005).

## Цель работы

В работе исследуется задача: как с минимальными затратами создать эффективную контролирующую структуру, которая подавляет коррупцию и обеспечивает правильное (соответствующее закону) поведение?

Рассмотрим некую страну, в которой благонамеренный лидер стремится создать эффективную контролирующую структуру (например, налоговую инспекцию) и подавить коррупцию.

В модели предполагается, что агенты 0-го уровня (налогоплательщики) должны выбрать правильное действие в зависимости от реализации случайного фактора (заплатить налог в зависимости от дохода в соответствие с налоговой ставкой).

Для обеспечения честного поведения лидер создают пирамидальную структуру, в которой инспектора 1-го уровня контролируют агентов 0-го уровня, инспектора 2-го уровня проводят ревизии проверок 1-го уровня и т.д. Лидер обладает малым числом доверенных лиц (честных соратников), время которых стоит очень дорого, и может нанять на работу нужное число агентов, которые максимизируют свой ожидаемый доход, то есть ведут себя честно, только если такое поведение является оптимальным.

- Рассматривается фиксированное число  $N$  агентов уровня 0 (налогоплательщиков).
- Для каждого из них определен возможный набор действий (налоговых платежей)  $T_0$ . Каждое действие  $t_0$  характеризуется затратами агента. Оптимальное с точки зрения инспекции действие  $t_0^*(I_a)$  зависит от значения некоторой случайной величины (дохода)  $I_a \in [I_{\min}, I_{\max}]$  (например,  $t_0^*(I)$  – заданное налоговое правило).  $t_0 \in (t_{\min}, t_{\max})$ , где  $t_{\min} = t_0^*(I_{\min})$ ,  $t_{\max} = t_0^*(I_{\max})$ .
- Независимые и одинаково распределенные случайные величины  $I_a$  имеют функцию распределения  $F(I)$ , известную всем участникам инспекции.
- Для проведения инспекции могут использоваться 2 типа сотрудников:
  - доверенные лица лидера, количество которых ограничено
  - любое необходимое число рациональных инспекторов, максимизирующих свой ожидаемый доход с учетом зарплат, взяток и штрафов.
- Проблема контроля возникает в связи с тем, что конкретное значение случайного фактора  $I_a$  наблюдается только действующим на нижнем уровне агентом.

Контролирующая иерархическая структура строится следующим образом:

- Инспекторы первого уровня проверяют агентов уровня 0 с вероятностью  $p_1(t_0)$ .
- Если проверка выявляет  $t_0 < t_0^*$ , то агент нулевого уровня выплачивает штраф  $f_0(t_0^*(I) - t_0(I))$ ,  $f_0 > 1$ .  
Стоимость одной проверки на этом уровне составляет  $c_1$ .
- Инспектор первого уровня может вступить в сговор с проверяемым агентом. Для предотвращения коррупции организуется проверка 2-го уровня.
- Вероятность проверки  $p_2(t_0, t_1)$  зависит от сообщений агентов уровней 0 и 1.
- ...
- На верхнем уровне  $k$  честными инспекторами осуществляется проверка с вероятностью  $p_k(t_0, t_1, \dots, t_{k-1})$ .
- Если проверка уровня  $l$  выявляет  $t_l > t_{l-1}$ , то все агенты нижестоящих уровней  $r$  ( $r = 0, 1, \dots, l-1$ ) в этой цепочке проверок платят штраф  $f_r(t_l - t_{l-1})$ .

### Замечание 2

*В соответствии с нашим подходом, целью инспекции не является выявление коррупции (поскольку это сложно реализуемо и затратно). Вместо этого предлагается предотвратить отклонение от честного поведения на каждом уровне.*

# Стратегия инспекции

Стратегия инспекции  $P$  включает:

- Количество уровней  $k$
- Вероятности проверок  $p_1(t_0), \dots, p_k(t_0, \dots, t_{k-1})$ .

Следующие параметры заданы экзогенно в этой модели:

- Штрафные коэффициенты  $f_0, \dots, f_{k-1}$
- Расходы на проверку  $c_1, \dots, c_k$ .

## Задача

Задача состоит в нахождении стратегии инспекции, подавляющей коррупцию, обеспечивающей правильные действия агентов нулевого уровня с минимальными издержками на проверку.

Рассмотрим 2 подхода к обеспечению честного поведения.

# Коалиционный подход (кооперативная теория игр)

- Рассмотрим коалицию  $C_l$ , включающую некоторое количество агентов уровня 0 и инспекторов уровней  $1, \dots, l$ ,  $l < k$ , проверяющих работу агентов из этой коалиции.
- Стратегия  $C_l$  задается функциями  $t_0(I), t_1(I), \dots, t_l(I)$ , определяющими сообщения уровней  $i = 0, \dots, l$  в случае проверки какого-либо агента уровня 0 из этой коалиции.

## Определение

Назовем стратегию  $P$  **устойчивой к отклонению коалиции  $C_l$** , если суммарный выигрыш ее членов достигает максимума при честном поведении, т.е. при  $t_0(I) = t_0^*(I)$ ,  $t_r(I) = t_0^*(I)$ ,  $r = 1, \dots, l$ , при условии честного поведения агентов верхних уровней  $l + 1, \dots, k - 1$ .

## Утверждение 1

Стратегия  $P$  устойчива к отклонению коалиции  $C_l$  тогда и только тогда, когда

$$p_1(t_0) \cdot \dots \cdot p_s(t_0, t_1, \dots, t_{s-1}) \geq \frac{1}{f_0 + \dots + f_{s-1}}, \forall s \leq l+1 \quad (1)$$

при любых значениях аргументов  $t_0, \dots, t_l < t_{\max}$ .

## Некооперативный подход (нахождение совершенного подыгрывого равновесия)

Теперь для заданной стратегии  $P$  рассмотрим некооперативное СПР и определим условия существования СПР, соответствующего честному поведению на всех уровнях  $0, 1, \dots, k - 1$ .

- Рассмотрим случай, когда на каждом уровне  $s \leq l - 1$  отклонение уровня 0 не было полностью выявлено ( $t_{l-1} < t_0^*$ ).
- При каких условиях возможен взаимовыгодный сговор агентов уровней  $0, 1, \dots, l$ , если агенты верхних уровней действуют честно?

Сговор, выгодный для всех агентов  $0, 1, \dots, l$ , возможен, если для некоторых  $t_l \in [t_{l-1}, t_0^*(I))$ ,  $b_{il} \geq 0$ ,  $i = 1, \dots, l - 1$  разрешима следующая система:

$$\begin{cases} p_{l+1}(t_0, \dots, t_l) \cdot f_i \cdot (t_0^*(I) - t_l) + b_{il} < f_i \cdot (t_0^*(I) - t_l), & i = 0, \dots, l - 1, \\ \sum_{i < l} b_{il} - p_{l+1}(t_0, \dots, t_l) \cdot f_l \cdot (t_0^*(I) - t_l) > 0. \end{cases} \quad (2)$$

Здесь  $b_{il}$  – взятка, выплачиваемая агентом уровня  $i$  последнему проверяющему,  $t_l$  – его сообщение.

Если для любых  $I \in (I_{\min}, I_{\max}]$ ,  $l = 1, \dots, k - 1$ ,  $0 \leq t_0 \leq \dots \leq t_l < t_0^*(I)$  система (2) несовместна, будем говорить, что стратегия  $P$  определяет СПР, соответствующее честному поведению.

## Утверждение 2

Стратегия  $P$  определяет СПР, соответствующее честному поведению, тогда и только тогда, когда для любых  $t_0, \dots, t_{k-1} < t_{\max}$  вероятности проверок удовлетворяют условию:

$$p_1(t_0) \geq \frac{1}{f_0}, \quad p_2(t_0, t_1) \geq \frac{f_0}{f_0 + f_1}, \quad p_s(t_0, t_1, \dots, t_{s-1}) \geq \frac{\sum\limits_{i=0}^{s-2} f_i}{\sum\limits_{i=0}^{s-1} f_i}, \quad s = 2, \dots, k. \quad (3)$$

Определим оптимальную стратегию, определяющую СПР, соответствующее честному поведению, и минимизирующую расходы на проверку. При честном поведении расходы составят:

$$\int_{I_{\min}}^{I_{\max}} (p_1(P, I)(c_1 + p_2(P, I)(c_2 + \dots + p_{k-1}(P, I)(c_{k-1} + p_k(P, I)c_k) \dots)) dF(I)$$

где  $p_i(P, I) = p_i(t_0^*(I), \dots, t_0^*(I))$ .

## Утверждение 3

Оптимальная стратегия удовлетворяет условию

$$p_1(t_0) \equiv \hat{p}_1 = \frac{1}{f_0}, \quad p_s(t_0, \dots, t_{s-1}) \equiv \hat{p}_s = \frac{\sum\limits_{i=0}^{s-2} f_i}{\sum\limits_{i=0}^{s-1} f_i}, \quad s = 2, \dots, k,$$

для любых  $t_0, \dots, t_{k-1} < t_{\max}$ . Таким образом, в рамках данной модели оптимальные вероятности проверок для кооперативного и некооперативного принципов устойчивости совпадают.

- Ранее мы предполагали, что при обнаружении факта отклонения наказываются все агенты, отклонившиеся от честного поведения.
- Рассмотрим возможность освобождения от наказания некоторых уровней в зависимости от того, на каком уровне обнаружено отклонение.  
Идея заключается в том, что у агентов, освобожденных от уплаты штрафов, нет стимулов платить взятки.
- Возможно ли снизить расходы на проверку таким образом?

Пусть  $X(l) \subset \{0, 1, \dots, l - 1\}$  – множество уровней, агенты на которых наказываются штрафом, если аудит уровня  $l$  выявляет отклонение. Ограничимся такими схемами наказания  $X(l)$ , для которых выполнены следующие условия:

- a) Если при выявлении нарушений в ходе проверки уровня  $j$  агент уровня  $i < j$  не подлежит наказанию ( $i \notin X(j)$ ), то он не подлежит наказанию и при всех последующих проверках ( $i \notin X(l)$ ,  $l = j + 1, \dots, k$ ).
- б)  $l \in X(l + 1)$ ,  $\forall l = 0, \dots, k - 1$ .

Сговор с проверяющим в этом случае возможен тогда и только тогда, когда существует решение системы:

$$\begin{cases} p_{l+1}(t_0, \dots, t_l) \cdot f_i \cdot (t_0^*(I) - t_l) + b_{il} < f_i \cdot (t_0^*(I) - t_l), & i \in X(l) \cap X(l+1) \\ b_{il} < f_i \cdot (t_0^*(I) - t_l), & i \in X(l) \setminus X(l+1) \\ \sum_{i \in X(l)} b_{il} > p_{l+1}(t_0, \dots, t_l) \cdot f_l \cdot (t_0^*(I) - t_l). \end{cases}$$

#### Утверждение 4

Для заданной схемы наказания  $(X(l), l = 0, \dots, k-1)$   $P$  определяет СПР, соответствующее честному поведению, тогда и только тогда, когда условие

$$p_s(t_0, \dots, t_{s-1}) \geq \frac{\sum\limits_{i \in X(s-1)} f_i}{\sum\limits_{i \in X(s)} f_i}$$

выполнено для всех  $s \leq k$  и любых  $t_0, \dots, t_{s-1} < t_{\max}$ .

Рассмотрим задачу минимизации издержек на проверку в более широком классе стратегий инспекции  $S = (X, P)$ , включающем схему наказания  $X$  и вероятности проверок  $P$ . Следующее утверждение показывает, что освобождение от уплаты штрафов не позволяет снизить расходы на проверку.

#### Утверждение 5

Оптимальная стратегия в классе  $S$  заключается в наказании всех отклонившихся агентов ( $X(l) = \{0, \dots, l - 1\}$ ,  $l = 1, \dots, k$ ) и использовании вероятностей проверок  $\hat{p}$ , определенных в Утверждении 3.

- Ранее мы рассматривали схемы наказания с экзогенно заданными коэффициентами  $f_i$  и штрафами, пропорциональными величине отклонения.
- На практике наказание инспектора связано с его заработной платой, поскольку максимальным наказанием является увольнение.
- Пусть расходы на проверку на уровне  $l \in [1, \dots, k - 1]$  состоят из зарплаты инспектора  $s_l$ . Расходы  $c_k$  на проверку агентом верхнего уровня фиксированы.
- Точный вид соотношения, определяющего коэффициент штрафа, зависит от поведения других агентов в данном взаимодействии.

- Если рассматриваются условия СПР, соответствующего честному поведению, то вероятность столкновения с ещё одним нарушителем за время  $\tau$  до завершения предыдущего расследования нулевая.
- Увольнение эквивалентно единовременному штрафу в размере  $(s - s_{alt})\alpha$ , где  $\alpha = \frac{1 - \delta}{\delta}$  – коэффициент приведения,  $\delta$  – коэффициент дисконтирования, относящийся к периоду одной проверки.
- Максимальное значение штрафного коэффициента определяется из условия

$$f_l(s_l) = \alpha \frac{s_l - s_{alt}}{\Delta t}. \quad (4)$$

где  $\Delta t = t_0^*(I_{\max}) - t_0^*(I_{\min})$ .

Из Утверждений 3 и 5, определяющих оптимальную схему наказаний и вероятности проверок, получим следующую задачу оптимизации инспекции:

### Определение оптимальных зарплат инспекторов. Формальная задача

$$C_1(\vec{s}) = \frac{s_1}{f_0} + \frac{s_2}{f_0 + f_1(s_1)} + \dots + \frac{s_{k-1}}{f_0 + f_1(s_1) + \dots + f_{k-2}(s_{k-2})} + \\ + \frac{c_k}{f_0 + f_1(s_1) + \dots + f_{k-1}(s_{k-1})} \longrightarrow \min_{s_1, \dots, s_{k-1}}, \quad (5)$$

где  $s_i \geq s_{alt}$ ,  $i = 1, \dots, k - 1$ .

Преобразуем задачу, вводя новые переменные:

$$v_a = s_{alt} \cdot \frac{\alpha}{f_0 \Delta t}, v_1 = s_1 \cdot \frac{\alpha}{f_0 \Delta t}, \dots, v_k = \hat{v}_k = c_k \cdot \frac{\alpha}{f_0 \Delta t}, \quad (6)$$

$$u_i = 1 + \sum_{j=1}^{i-1} v_j - (i-1)v_a, \quad i = 1, \dots, k+1. \quad (7)$$

В новых переменных задача (5) принимает вид:

$$C_1(\vec{u}) = \frac{\Delta t}{\alpha} \sum_{i=1}^k \frac{u_{i+1} - u_i + v_a}{u_i} \rightarrow \min_{u_2, \dots, u_{k+1}}, \quad (8)$$

$$u_1 = 1, u_{k+1} = u_k + \hat{v}_k - v_a, u_{i+1} \geq u_i, i = 1, \dots, k-1.$$

### Утверждение 6

Оптимальные значения  $u_i^*, i = 2, \dots, k-1$  определяются из условий первого порядка:

$$u_{k-1} = \frac{u_k^2}{\hat{v}_k}, \quad u_{i-1} = \frac{u_i^2}{u_{i+1} + v_a}, \quad i = 2, \dots, k-1. \quad (9)$$

Оптимальные зарплаты  $s_1, \dots, s_{k-1}$  выражаются через эти переменные в соответствии с (6) – (7).

- Если рассматривается возможность массовых нарушений агентами нулевого уровня, в частности, отклонение большой коалиции, то при случайному назначении для очередной проверки инспектор, получивший взятку, может с положительной вероятностью быть привлечён к новому делу и получить ещё одну взятку до выявления предыдущей.
- Чтобы избежать проблем, связанных с наказаниями за кратные нарушения, ограничимся при анализе коалиционной устойчивости стратегиями, при которых инспектор не привлекается к новому расследованию, пока не завершены все проверки по предыдущему делу.
- В этом случае среднее время “простоя” для инспектора уровня  $l$  составляет  $\tau_l(\vec{p}) = \hat{p}_{l+1}(1 + \hat{p}_{l+2}(1 + \dots + \hat{p}_k) \dots)$  периодов.
- Пусть в течение этого времени инспектор занимается другой работой, не связанной с проверками, получая зарплату  $\bar{s}_l \in (s_{alt}, s_l)$  (то есть, эти расходы не входят в издержки на проверки).
- В худшем случае (при  $\bar{s}_l = s_{alt}$ ) значение  $f_l$  составляет

$$f_l \Delta t = \frac{\alpha(s_l - s_{alt})}{1 + \tau_l(\vec{p})}$$

Расходы на осуществление проверок при использовании стратегий, устойчивых к коалиционным отклонениям, составят:

$$C_2(\vec{s}) = \frac{s_1 + c}{f_0} + \frac{s_2 + c}{f_0 + \bar{f}_1(s_1)} + \dots + \frac{c_k}{f_0 + \bar{f}_1(s_1) + \dots + \bar{f}_{k-1}(s_{k-1})},$$

где  $\bar{f}_l(s_l)$  определяются из соотношения (??). Оптимальные заработные платы можно получить, решив следующую задачу:

$$C_2(\vec{s}) \longrightarrow \min_{\vec{s}} \quad \text{при ограничениях } s_i \geq s_{alt}, \quad i = 1, \dots, k-1. \quad (10)$$

Оценим величину  $C_2^*$  сверху. Пусть  $\vec{s}^*$  – оптимальные значения заработных плат для задачи (5), а  $\hat{p}_i = \hat{p}_i(\vec{s}^*)$ ,  $i = 1, \dots, k$ , – соответствующие им вероятности. Зафиксируем те же самые вероятности проверок  $\hat{p}_i$ , а значения зарплат  $\tilde{s}_l$  выберем из условий  $\tilde{s}_l - s_{alt} = (s_l^* - s_{alt})(1 + \tau_l(\hat{p}))$ ,  $l = 1, \dots, k-1$ . Данная стратегия будет устойчивой к отклонению коалиций. Таким образом, справедливо следующее утверждение.

### Утверждение 7

$C_1^* \leq C_2^* \leq C_1^* + \sum_{i=1}^k \hat{p}_1 \cdot \dots \cdot \hat{p}_i \tau_i(\hat{p})(s_i^* - s_{alt})$ , где  $C_1^*$  – оптимальные издержки в задаче (5),  $C_2^*$  – оптимальные издержки в задаче (10).

**Следствие.** Если  $\hat{p}_i \leq 1/2$ ,  $i = 1, \dots, k$ , то  $C_2^* \leq 2C_1^*$ .

## Пример налогообложения малых предприятий

- Доход налогоплательщиков распределен в интервале  $I_a \in [0, I_m]$  со средним  $E[I] = I_{avg}$ . Налогоплательщик с доходом  $I_a$  должен заплатить налог в размере  $t_0^*(I_a) = tI_a$ .
- При указанной стратегии инспекции чистый налоговый доход в расчете на одного плательщика составит:

$$R = tI_{avg} - C_1(\vec{s}) \quad (11)$$

Рассмотрим результаты численной оптимизации для данного примера при следующих значениях параметров:

- $I_m = 1\ 000\ 000\$$ ,  $I_{avg} = 400\ 000\$$ ,  $\delta = 0.0018$  (при этом годовое значение дисконта  $\delta_{annual} = 0.1$ ),  $\alpha = 570$
- $t = 0.2$ ,  $f_0 = 4$
- $c_k = 100\ 000\$$
- Каждый инспектор совершает 5 проверок в месяц (60 в год). Альтернативная зарплата за время одной проверки равна  $s_{alt} = 140\$$  ( $700\$$  в месяц).

## Численное решение задачи

В следующей таблице указаны суммарные расходы на проверку, максимальный чистый налоговый доход, отношение расходов к общим налоговым сборам  $C_1/(C_1 + R)$ , отношение  $Z = C_1/C_{\min}$ , где  $C_{\min} = s_{alt}/f_0$ , оптимальные зарплаты за месяц и вероятности проверок для оптимальных стратегий, обеспечивающих СПР с честным поведением, с  $k = 3, \dots, 7$  уровнями:

$k$	3	4	5	6	7
$C_1$	3 710	3 080	2 777	2 602	2 490
$R$	76 290	76 920	77 223	77 398	77 510
$C_1/(C_1 + R)$	0,0464	0,0385	0,0347	0,0325	0,0311
$Z$	106	88	79	74	71
$s_1$	4 582	2 861	2 099	1 684	1 430
$s_2$	18 475	7 988	4 689	3 240	2 473
$s_3$		22 770	10 699	6 358	4 351
$s_4$			24 647	12 608	7 738
$s_5$				25 139	13 846
$s_6$					24 863
$p_1$	0,2500	0,2500	0,2500	0,2500	0,2500
$p_2$	0,2404	0,3407	0,4178	0,4766	0,5216
$p_3$	0,2418	0,3447	0,4252	0,4876	0,5361
$p_4$		0,3460	0,4284	0,4932	0,5442
$p_5$			0,4298	0,4960	0,5487
$p_6$				0,4974	0,5513
$p_7$					0,5527

- Результаты показывают возможность обеспечения честного поведения с приемлемыми расходами на проверку.
- Для инспекций с 4 уровнями и более, расходы на проверку составляют менее 4% общих сборов.
- При  $k = 4$  для проверки 100 000 налогоплательщиков достаточно нанять 559 риск-нейтральных и 17 честных инспекторов (при  $k = 7$ , соответственно, 868 и 11).
- Среднее количество проверок одного налогоплательщика равно 0.56.
- Отметим, что выбор конкретного проверяемого агентами верхнего уровня должен осуществляться при помощи случайного механизма.

Однако, расходы на проверку значительно превышают нижнюю оценку  $C_{\min}$ . Следующая модель показывает возможность сокращения количества уровней в иерархии и расходов на проверку при использовании механизма секретных сигналов агентов о подкупе.

- Каждый агент уровня  $1, \dots, k - 1$  может послать в центр секретный сигнал о подкупе.
- Формально стратегия инспектора уровня 1 включает значение  $t_1 - t_0$  вскрытого уклонения и величину  $m_1 \in \{0, 1\}$ , где  $m_1 = 1$  означает посылку секретного сигнала о взятке в ходе инспекции.
- Система штрафов схожа с предыдущей моделью, но каждый агент, пославший сигнал, освобождается от наказания.

Рассмотрим стратегию инспекции  $P(\varepsilon)$  с 2-мя уровнями и следующими значениями вероятностей проверок, не зависящими от  $t_0, t_1$ :

- $p_1 = \frac{1}{f_0(1 - \varepsilon_2)}$
- $p_2 = \varepsilon_1 > 0$ , если  $m_1 = 0$ , и  $p_2 = 1 - \varepsilon_2$ , если  $m_1 = 1$ .

## Утверждение 8

При любых достаточно малых  $\varepsilon_1, \varepsilon_2 > 0$  для указанной стратегии  $P(\varepsilon)$  существует единственное СПР. В этом равновесии каждый агент 0-го уровня ведет себя честно ( $t_0 = t_0^*(I)$ ), каждый инспектор 1-го уровня посыпает сигнал в случае получения взятки.

Для рассмотренного примера расходы на проверку составят:

$$\frac{s_1}{f_0(1 - \varepsilon_2)} + (O||\varepsilon||) = \frac{s_1}{f_0} + (O||\varepsilon||).$$

- Численное моделирование показывает, что оптимальная зарплата инспектора первого уровня равна альтернативной (140\$ за одну проверку).
- Часть расходов, не зависящая от  $\varepsilon$ , равна 70\$ при ожидаемых сборах 80 000\$ в расчете на одного налогоплательщика.

Оценка параметра  $\varepsilon$ , необходимого на практике для обеспечения честного поведения, является отдельной задачей.

В предложенной модели организации налоговой инспекции мы попытались сформулировать подход, который был успешно применён в Сингапуре:

- Было создано агентство по борьбе с коррупцией. Законодательно ему была предоставлена значительная самостоятельность.
- Отличительной чертой агентства является строгая иерархическая структура и его небольшой размер.
- Чиновникам платят высокие заработные платы, но их деятельность интенсивно проверяется.
- При обнаружении халатности в работе чиновник увольняется без права работы в государственном секторе.
- На начальной стадии реформы было уволено около 50% налоговых и таможенных чиновников.
- В настоящий момент Сингапур входит в рейтинг 10-ти наименее коррумпированных стран по данным Transparency International.

Потребовалось около 20-ти лет, чтобы достичь этого результата.

- **Регламентация действий чиновников, упрощение бюрократических процедур.**

Успешная борьба с коррупцией возможна в тех областях, где имеются однозначно трактуемые, понятные и проверяемые нормы, определяющие правильное поведение контролируемых агентов. Формулировка таких норм - первый необходимый шаг в борьбе с коррупцией.

- **Ужесточение режима проверок и наказаний.**

Далеко не всегда это дает хороший результат. В некоторых случаях ужесточение наказаний ведет лишь к увеличению размера взяток. Но и при оптимальной стратегии проверок слишком жесткие наказания налогоплательщиков и инспекторов могут иметь негативные последствия, поскольку они толкают нарушителей к более серьезным преступлениям.

- **Обязательное декларирование чиновниками и их близкайшими родственниками доходов и имущества** часто обсуждалось в последнее время.

Введение такой нормы может быть разумным с точки зрения ограничения социального неравенства и усиления общественного контроля за расходованием государственных средств. Однако, данная система позволит выявить лишь неопытных и глупых коррупционеров. Основная масса крупных взяточников готова к введению этой нормы и найдет, на кого переписать доходы и имущество. Более того, данная норма создает потенциальную возможность для провокаций с целью дискредитации и устранения честных чиновников.

- **Горячая линия связи с руководством инспекции и система защиты осведомителей.**

Наш анализ показывает, что система секретных сигналов о попытках подкупа может существенно снизить стоимость проверок и сделать организацию инспекции более эффективной. Например, в Гонконге Независимая Комиссия по борьбе с коррупцией открыла горячую линию и гарантировала, что каждое обращение будет расследовано. Однако, в тех случаях, когда анонимность не может быть гарантирована, протестующие против коррупции подвергаются определенному риску. Поэтому необходима разработка законодательной базы по защите осведомителей: от официального разрешения на донос до системы поощрений.

- **Ограничение максимального числа проверок** одной или двумя за годовой отчетный период представляется в корне ошибочным. Возможность ревизии является критическим фактором в борьбе против коррупции. Важно отметить, что механизм случайного выбора проверяемых должен находиться в руках центра. В противном случае будет создаваться ситуация, благоприятная для развития коррупции.

- **Регулярное обновление кадров.**

Ежегодное увольнение около 3% сотрудников. Если увольнение не связано напрямую с результатом проверок, то такая мера повысит издержки на подавление коррупции.

# Список литературы

- [1] Acemoglu D., Verdier T. A. The Choice between Market Failures and Corruption // *American Economic Review*. — 2000. — Vol. 90, no. 1. — Pp. 194–211.
- [2] Chander P., Wilde L. Corruption in tax administration // *Journal of Public Economics*. — 1992. — Vol. 49, no. 3. — Pp. 333–349.
- [3] Hindriks J., Keen M., Muthoo A. Corruption, extortion and evasion // *Journal of Public Economics*. — 1999. — Vol. 74, no. 3. — Pp. 395–430.
- [4] Keren M., Levhari D. The Internal Organization of the Firm and the Shape of Average Costs // *The Bell Journal of Economics*. — 1983. — Vol. 14, no. 2. — Pp. 474–486.
- [5] Transparency International. *Corruption Perceptions Index*. — 2010. [http://www.transparency.org/policy\\_research/surveys\\_indices/cpi/2010/results](http://www.transparency.org/policy_research/surveys_indices/cpi/2010/results).
- [6] Vasin A., Panova E. *Tax Collection and Corruption in Fiscal Bodies*. — 2000.
- [7] Антикоррупционная политика. Учебное пособие / Под ред. Г. А. Сатаров. — М.: Фонд ИНДЕМ, РА "СПАС", 2004.
- [8] Васин А. А., Картунова П. А., Уразов А. С. Модели организации государственных инспекций и борьбы с коррупцией // *Математическое моделирование*. — 2010. — Т. 22, № 4. — С. 67–89.
- [9] Левин М.И., Цирик М.Л. Математическое моделирование коррупции // *Экономика и математические методы*. — 1998. — Т. 34, № 4. — С. 34–55.
- [10] Фонд "ИнDEM". Во сколько раз увеличилась коррупция за 4 года: результаты нового исследования Фонда ИНДЕМ. — 2005. [http://www.indem.ru/corrupt/2005diag\\_press.htm](http://www.indem.ru/corrupt/2005diag_press.htm).